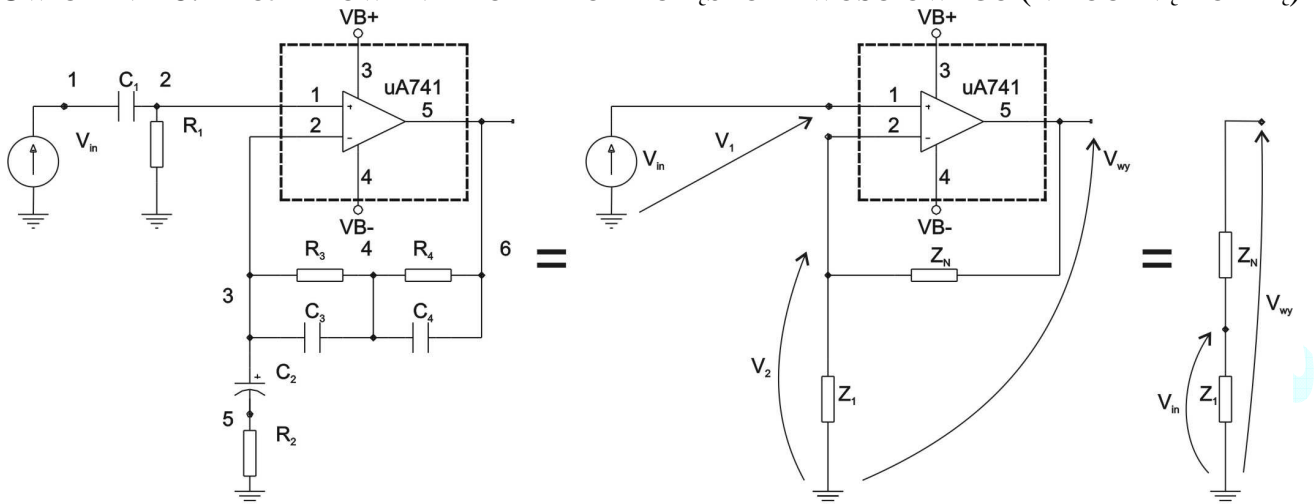
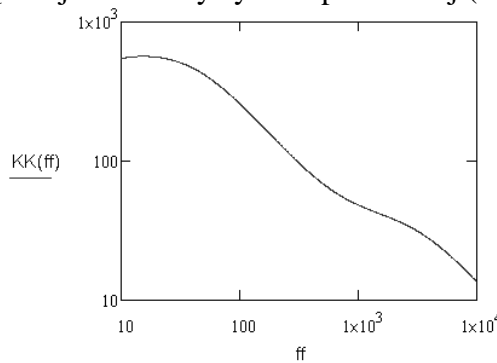


ĆWICZENIE 8. PROJEKTOWANIE KOREKTORA CZĘSTOTLIWOŚCIOWEGO (NA OCENĘ DOBRĄ)



Elementy zapewniające uzyskanie pożądanej charakterystyki amplitudowej (RIAA):

- $V_{in} = 1[mV]$
- $R_1 = 180[k\Omega]$
- $R_2 = 0.3[k\Omega]$
- $R_3 = 180[k\Omega]$
- $R_4 = 10[k\Omega]$
- $C_1 = 0.47[\mu F]$
- $C_2 = 1000[\mu F]$
- $C_3 = 20[nF]$
- $C_4 = 4.7[nF]$



Przy pominięciu oddziaływania elementów C_1, R_1 oraz założeniu idealnych własności wzmacniacza operacyjnego transmitancja układu jest dana wzorem:

$$K(s) = \frac{V_{wy}(s)}{V_{in}(s)} = \frac{Z_N(s) + Z_1(s)}{Z_1(s)} \text{ gdzie: } Z_1(s) = R_2 + \frac{1}{sC_2}, \quad Z_N(s) = \frac{R_3 \frac{1}{sC_3} + \frac{R_4 \frac{1}{sC_4}}{R_3 + \frac{1}{sC_3}} + \frac{1}{sC_2}}$$

$$K(s) = \frac{\frac{R_3 \frac{1}{sC_3} + \frac{R_4 \frac{1}{sC_4}}{R_3 + \frac{1}{sC_3}} + \frac{1}{sC_2}}{R_2 + \frac{1}{sC_2}}}{R_2 + \frac{1}{sC_2}}$$

Skonstruować algorytm optymalizacji oparty na metodzie **Newtona-Raphsona** pozwalający na wyznaczenie elementów R_3, R_4, C_3 oraz C_4 . Uzyskiwanie charakterystyki częstotliwościowej: $s = j\omega$,

$$K(s) = K(j\omega), \quad |K(j\omega)| - \text{charakterystyka amplitudowa,}$$

$$\arg(K(j\omega)) - \text{charakterystyka fazowa.}$$

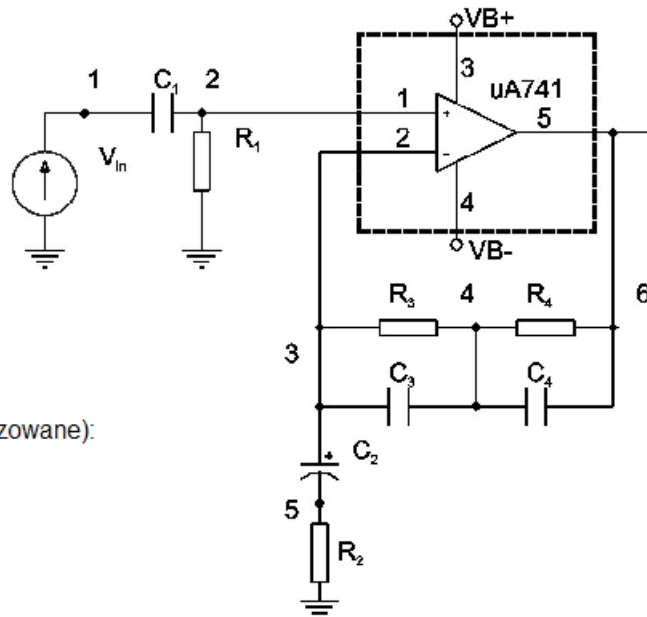
Rozwiązanie nadokreślonego układu równań odbywa się metodą równań normalnych:

$$S \cdot \Delta R = \Delta U \quad \begin{bmatrix} x & x & x & x \\ x & x & x & x \\ x & x & x & x \\ x & x & x & x \\ x & x & x & x \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ x \\ x \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ x \\ x \\ x \end{bmatrix}; \quad S^T S \cdot \Delta R = S^T \Delta U \quad \begin{bmatrix} x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ x \\ x \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \\ x & x & x & x & x & x \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ x \\ x \\ x \end{bmatrix}$$

W ten sposób powstaje układ równań 4x4 z wektorem prawej strony o długości 4.

Origin := 1 **Metoda Newtona-Raphsona**

Układ korektora jest przedstawiony na rysunku:



Dane są (nie będą optymalizowane):

$$R2 := 300$$

$$C2 := 100 \cdot 10^{-6}$$

Zadanie ma na celu dopasowanie transmitancji korektora do kilku wartości podanych w pliku zewnętrznym "Goal_function.TXT". Plik ten zawiera częstotliwości oraz odpowiadające im moduły transmitancji. Ich ilość jest dowolna.

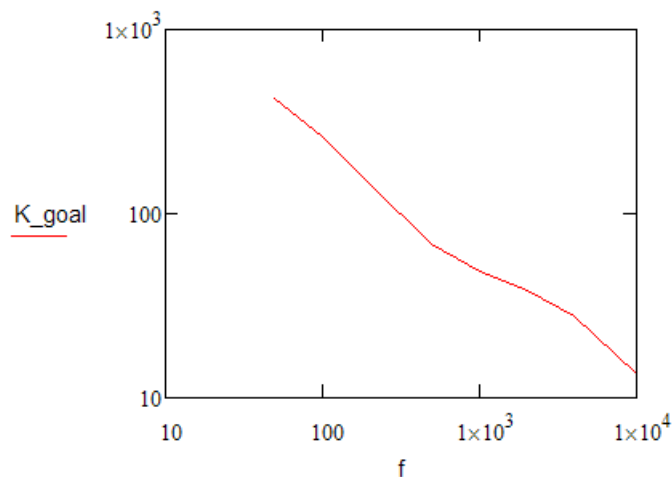
Optymalizowane będą: R3, R4, C3 oraz C4, w programie zapisane w wektorze R.
Czytanie danych z pliku:

$$Kf := \text{READPRN}(\text{"Goal_function.TXT"}) \quad Nk := \text{rows}(Kf) \quad nf := \frac{Nk}{2} \quad i := 1..nf$$

$$f_i := Kf_i \quad K_goal_i := Kf_{i+nf}$$

$$f^T = (50 \quad 100 \quad 200 \quad 500 \quad 1 \times 10^3 \quad 2 \times 10^3 \quad 4 \times 10^3 \quad 1 \times 10^4)$$

Tak wygląda charakterystyka oparta na podanych częstotliwościach:



Zmienne elementu projektowanego układu będą nazywane kolejnymi indeksami R, w kolejności: R3, R4, C3, C4. Wartości początkowe:

$$R1 := 30 \cdot 10^3 \quad R2 := 8 \cdot 10^3 \quad R3 := 10 \cdot 10^{-9} \quad R4 := 10 \cdot 10^{-9}$$

Transmitancja projektowanego układu przy zapisaniu elementów jako R:

$$K_-(R, s) := \frac{\left(\frac{R_1 \frac{1}{s \cdot R_3} + R_2 \frac{1}{s \cdot R_4}}{R_1 + \frac{1}{s \cdot R_3}} + \frac{1}{s \cdot C_2} + R_2 + \frac{1}{s \cdot C_2} \right)}{R_2 + \frac{1}{s \cdot C_2}}$$

$N := \text{rows}(R) = 4$
 $If := \text{rows}(f) = 8$
 $K(R, f) := |K_-(R, 2\pi \cdot f \cdot i)|$

Obliczanie pochodnej względem elementu wektora

$$dK(R, n, f) := \begin{cases} R_1 \leftarrow R \\ d \leftarrow 0.001 \\ R_{1n} \leftarrow R_{1n} + d \cdot R_{1n} \\ dK \leftarrow \frac{K(R_{1n}, f) - K(R, f)}{d \cdot R_{1n}} \end{cases}$$

Parametry procesu iteracyjnego:

Współczynnik podrelaksacji $\epsilon_0 := 0.01$

Krok początkowy: $d := 0.1 \cdot R$

Liczba max iteracji: $ItMax := 100$

```

N_R := for n ∈ 1..N
      N_Rn,1 ← Rn
      for it ∈ 1..ItMax
        ε ← ε0 · it
        for i ∈ 1..If
          ΔUi ← K(R, fi) - K_goali
          for n ∈ 1..N
            Si,n ← Rn · dK(R, n, fi)
          ΔR ← Isolve(ST · S, ST · ΔU)
          for n ∈ 1..N
            Rn ← Rn - ε · ΔRn · Rn
            N_Rn,it+1 ← Rn
            N_Rn+2,it+1 ← ΔRn
          Δ ← |ΔR|
          break if Δ < 10-4
      N_R
  
```

Procedura Newtona-Raphsona dla zadania optymalizacji N elementów dla If częstotliwości

Współczynnik podrelaksacji

Odchyłki napięć dla częstotliwości f

Obliczanie wrażliwości przez różniczkowanie względem elementu wektora Rn. Unormowanie przez pomnożenie razy Rn.

Rozwiązanie nadokreślonego układu równań metodą równań normalnych

Wprowadzenie poprawek R z podrelaksacją

Zapamiętanie w macierzy N_R

Koniec, jeśli ostatnie poprawki odpowiednio małe

Liczba wykonanych iteracji:

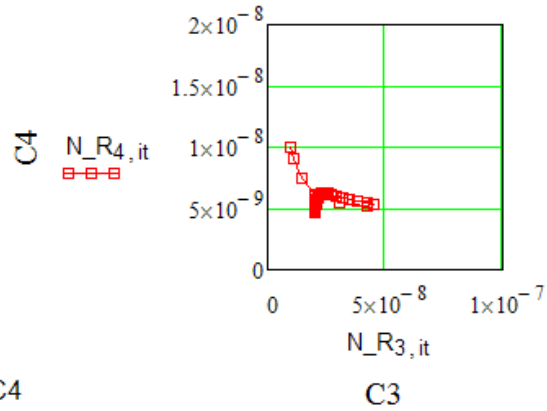
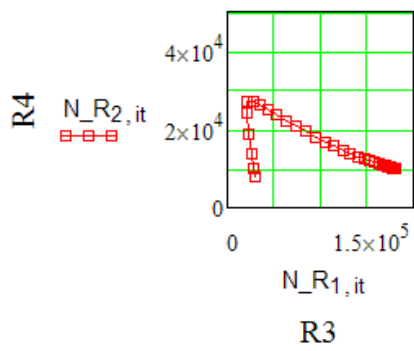
$It := \text{cols}(N_R) \quad It = 44$

Wartości elementów:

$R3 := N_R_{1,It} = 1.8 \times 10^5$ $R4 := N_R_{2,It} = 1 \times 10^4$
 $C3 := N_R_{3,It} = 2 \times 10^{-8}$ $C4 := N_R_{4,It} = 4.7 \times 10^{-9}$

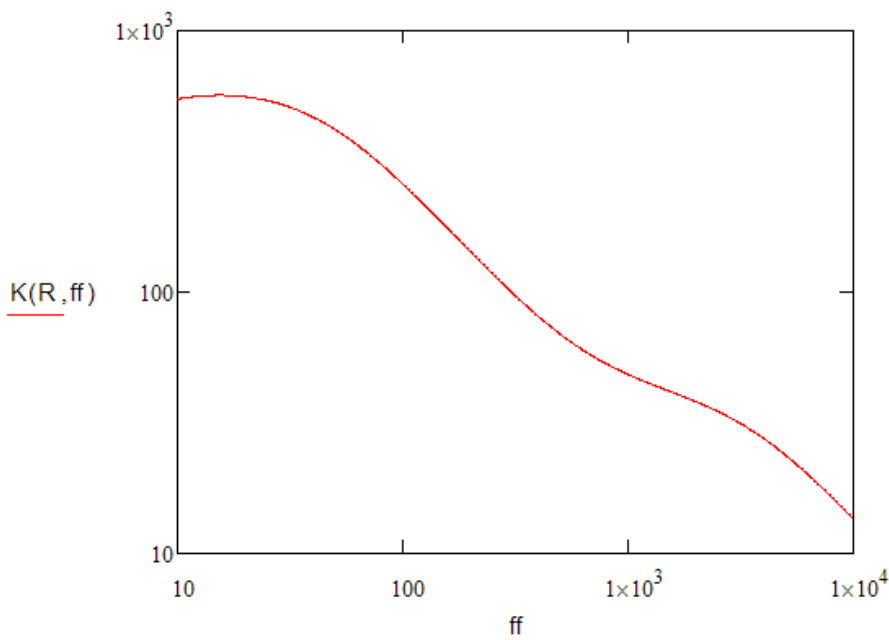
Wartości R3 i R4 w kolejnych iteracjach

Wartości C3 i C4 w kolejnych iteracjach



$R_1 := R_3$ $R_2 := R_4$ $R_3 := C_3$ $R_4 := C_4$

Otrzymana charakterystyka:



Zawartość pliku „Goal_function.TXT”:

- 50
- 100
- 200
- 500
- 1000
- 2000
- 4000
- 10000
- 419.0
- 258.9
- 142.6
- 69.04
- 48.38
- 38.11
- 27.51
- 13.53